

1-1 (配点 15 点)

$$\text{不等式 } 2\log_a(7-x) > \log_a(3x-11) \quad \cdots \text{ ①}$$

を満たす x の範囲を求めよう。

対数 $\log_a b$ に対し、 a を底、 b を真数といい、真数は正であるから $\frac{[\text{アイ}]}{[\text{ウ}]} < x < [\text{エ}]$ が成り立つ。

底 a が $0 < a < 1$ を満たすとき、不等式①は

$$x^2 - [\text{オカ}]x + [\text{キク}][\text{ケ}]0 \quad \cdots \text{ ②}$$

となる。ただし、 $[\text{ケ}]$ については、当てはまるものを、次の①～④のうちから一つ選べ。

$$\text{① } < \quad \text{② } = \quad \text{③ } > \quad \text{④ } \leq \quad \text{⑤ } \geq$$

したがって、真数が正であることと②から、 $0 < a < 1$ のとき、不等式①を満たす x のとり得る値の範囲は、 $[\text{コ}] < x < [\text{サ}]$ である。

同様にして、 $1 < a$ のときには、不等式①の満たす整数 x の値は $[\text{シ}]$ である。